文章编号:1001-893X(2010)12-0048-05

基于 MSN 准则的自适应脉冲压缩修复处理*

邵江雨,石 星

(中国西南电子技术研究所,成都 610036)

摘 要:采用标准匹配滤波器会使雷达的脉冲压缩处理在大目标附近的距离单元产生距离旁瓣,从 而遮蔽附近的小目标。针对这种情况提出的基于最大输出信噪比准则(MSN)的自适应脉冲压缩实 现了对旁瓣的自适应压缩。然而有些在役雷达系统不能在标准脉冲压缩之前获得接收信号,或者不 能更换当前脉冲压缩系统,这种算法不再适用。基于迭代思想和最大输出信噪比准则提出的脉冲压 缩修复处理,自适应地作用于匹配滤波后的输出信号,利用先验目标信息实现对距离旁瓣和噪声的 抑制。在推导的算法原理基础上给出了实现步骤,并对算法的适用性进行了仿真,结果表明对单、多 目标算法能够实现有效脉冲压缩,对于多普勒失配,性能有所下降,但仍远优于匹配滤波,提高了雷 达对小目标的检测能力。

关键词:脉冲压缩;自适应处理;修复处理;最大信噪比

中图分类号:TN957.51 文献标识码:A doi:10.3969/j.issn.1001-893x.2010.12.011

Adaptive Pulse Compression Repair Processing via MSN Criteria

SHAO Jiang-yu, SHI Xing

(Southwest China Institute of Electronic Technology, Chengdu 610036, China)

Abstract: Standard matched filter always makes radar pulse compression generate rang sidelobes in the vicinity of large targets which can result in the masking of smaller nearby targets. To solve this problem, adaptive pulse compression via MSN is proposed to effectively suppress sidelobes. However, some in – service radar systems may not have access to the received signal prior to standard pulse compression or may not be feasible to replace the current pulse – compression system, this algorithm would not work. Adaptive pulse compression repair processing via MSN criteria proposed in this paper adaptively operates on the output of the standard matched filter and uses the apriori information to suppress sidelobes and noise. Algorithm steps are given according to the principle and simulation shows this algorithm can effectively suppress sidelobes for single and multiple targets, when Doppler mismatch is considered, performance degrades, but this algorithm still outperms matched filter, so that it can improve the ability to detect small targets.

Key words: pulse compression; adaptive processing; repair processing; maximal signal-to-noise rate

1 引 言

脉冲压缩技术通过发射一个具有大时宽带宽积 的信号,在保证作用距离的同时获得了更好的距离 分辨力。实现脉冲压缩的传统方法是采用匹配滤波 器,它对于输入为单点目标加白噪声的情况,可以得 到最大的信噪比。但是当大目标近邻距离单元有小 目标时,大目标的旁瓣就会遮蔽其附近的小目标,从 而影响小目标的正常检测。

为了解决大目标的旁瓣遮蔽邻近小目标的问

- * 收稿日期:2010-08-18;修回日期:2010-10-22
- · 48 ·

题,已经提出过一些替代算法,包括时域加窗、频域加窗和 LS 算法。时域加窗^[1]可以较好地抑制旁瓣, 但是它需要对发射波形进行严格的调制,对发射机 提出了更高的要求。频域加窗^[1]可以依据所加窗函 数做到旁瓣的抑制,但这种改善是以主瓣展宽为代 价的。LS 算法^[2]在加性白噪声条件下是均方误差 意义上最佳的,但是只要 x(0)之前的 N-1个距离 单元中出现大的散射体就会对处理窗中的估计造成 显著而且有害的影响。针对这种情况,Shannon D. Blunt 和 Karl Gerlach 提出了基于最小均方误差 (MMSE)准则的迭代算法 RMMSE^[3],通过 2~3 次迭 代可以将距离旁瓣抑制到噪声水平附近,大大改善 了旁瓣抑制性能。利用这种迭代的思想,文献[4]提 出基于最大输出信噪比(MSN)准则的 RMSN 算法, 较之 RMMSE 其稳健性更好。

然而,很多在役雷达没有办法获取脉冲压缩前的接收回波,或者不能简单地更换已有的脉冲压缩系统,在这些情况下,以上提到的算法就不再适用。 针对这种情况,Shannon D. Blunt 和 Karl Gerlach 又提出了脉冲压缩修复(PCR)^[5]作为一种在匹配滤波器 后抑制距离旁瓣的方法,算法对标准匹配滤波后的 信号进行处理,获得了很好的旁瓣抑制。

结合 RMSN 算法和 PCR 算法,本文提出基于 MSN 准则的 PCR 算法。首先推导出算法的原理,其 次给出了该算法的具体实现步骤,最后对单、多以及 存在多普勒的目标进行仿真,以验证算法的适用性。

2 接收信号模型

因为算法要对匹配滤波器的输出信号进行处 理,所以先从建立匹配滤波器信号模型开始。在数 字域中,雷达照射的距离像可表示为与发射波形卷 积的离散冲激响应,因此,接收回波的匹配滤波器输 出可以表示为^[5]

$$\hat{x}_{MF}(l) = \boldsymbol{s}^{\mathrm{H}} \tilde{\boldsymbol{y}}(l) \tag{1}$$

式中, $\hat{x}_{MF}(l)(l=0,1,2,\dots,L-1)$ 是窗内第 l 个距 离单元的估计值, $s = [s_1 \ s_2 \cdots s_N]^T$ 是发射波形的 N个采样值, $y(l) = [y(l) \ y(l+1) \cdots y(l+N-1)]^T$ 是 N 个连续雷达回波采样值, $(\cdot)^T$ 表示转置而 $(\cdot)^H$ 则是复共轭转置。每个雷达回波采样可以由 下式来表示^[5]:

$$y(l) = \boldsymbol{x}^{\mathrm{T}}(l)\boldsymbol{s} + v(l)$$
(2)

其中
$$\mathbf{x}(l) = [x(l) x(l-1)\cdots x(l-N+1)]^{\mathrm{T}}$$
组成

雷达实际冲激响应的样本,而 v(l)是加性噪声。那 么,匹配滤波器的输出可以写成:

$$\hat{x}_{MF}(l) = \boldsymbol{s}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}(l) \boldsymbol{s} + \boldsymbol{s}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{v}(l)$$
(3)

其中:

$$\boldsymbol{v}(l) = [v(l)v(l+1)\cdots v(l+N-1)]^{\mathrm{T}}$$

$$\boldsymbol{A}(l) = \begin{bmatrix} x(l) & x(l+1) & \cdots & x(l+N-1) \\ x(l-1) & x(l) & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & x(l+1) \\ x(l-N+1) & \cdots & x(l-1) & x(l) \end{bmatrix}$$
(4)

式中,A(l)是雷达冲激响应滑动采样组成的集合。

由式(4)可以看出,当 A(l)对角线外部分中任 何一个相对较大时通过匹配滤波器的估计都将受到 影响,从而可能会引起距离旁瓣遮蔽较小目标。

将式(2)中发射波形和雷达冲激响应的卷积运 算与式(1)中接收回波与时域反向、复数共轭波形的 卷积运算合并,从而式(3)可以表示为

$$\hat{x}_{MF}(l) = \tilde{\mathbf{x}}^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\mathbf{r}} + u(l)$$
(5)

这里用发射波形的自相关表示发射波形,对匹配滤波器的输出进行自适应处理来抑制距离旁瓣。 $\hat{x}(l) = [x(l+N-1)\cdots x(l+1)x(l)x(l-1)\cdots x(l-N+1)]^T$ 是真实距离像冲激响应的 2N-1 个样本, u(l)是与匹配滤波器相关的加性噪声, \hat{r} 是发射波形 s 的 2N-1 个自相关。把匹配滤波器输出当作接收信号(如式(2)),根据式(5)采集标准匹配滤波器输出信号 $\hat{x}_{MF}(l)$ 的 2N-1 个连续样本,则此时的回波信号

$$\tilde{\mathbf{y}}(l) =$$

 $\begin{bmatrix} \hat{x}_{MF}(l-N+1) & \cdots & \hat{x}_{MF}(l) & \cdots & \hat{x}_{MF}(l+N-1) \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$ 可表示为

$$\tilde{\mathbf{y}}(l) = \mathbf{B}^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\mathbf{r}} + \tilde{\mathbf{u}}(l)$$
(6)

其中:

$$\tilde{\boldsymbol{u}}(l) = \left[u(l-N+1)\cdots u(l)\cdots u(l+N-1) \right]^{\mathrm{T}}$$
$$\boldsymbol{B}(l) =$$

$$\begin{bmatrix} x(l) & x(l+1) & \cdots & x(l+2N-2) \\ x(l-1) & x(l) & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & x(l+1) \\ x(l-2N+2) & \cdots & x(l-1) & x(l) \end{bmatrix}$$
(7)

由式(7)可以看到对角线即当前距离单元的估 计会受到对角线外,即其它距离单元的影响,因此将 矩阵分解为对角矩阵 $B_1(l) = x(l)I_{2N-1}$ 和非对角 矩阵 $\boldsymbol{B}_2(l) = \boldsymbol{B}(l) - \boldsymbol{B}_1(l)$ 。式(6)可以重新表示为 $\tilde{\boldsymbol{y}}(l) = \boldsymbol{B}_1^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\boldsymbol{r}} + \boldsymbol{B}_2^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\boldsymbol{r}} + \tilde{\boldsymbol{u}}(l)$ (8)

式中,第一项为当前距离单元信号分量,第二项为近 邻距离单元信号分量,第三项为噪声分量。在下一 节将详细描述基于 MSN 的脉冲压缩修复滤波器。

3 基于 MSN 准则的脉冲压缩修复

为了实现对距离旁瓣的有效抑制,设计基于最 大输出信噪比准则的滤波器 w(l),对于每一个距离 单元它都是特定的、不同的。经过 w(l)滤波后,输 出信噪比表示为

$$SNR = \frac{E[|\mathbf{w}^{\mathrm{H}}(l)\mathbf{B}_{1}^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\mathbf{r}}|^{2}]}{E[|\mathbf{w}^{\mathrm{H}}(l)\mathbf{B}_{2}^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\mathbf{r}} + \mathbf{w}^{\mathrm{H}}(l)\tilde{\mathbf{u}}(l)|^{2}]} = \frac{\mathbf{w}^{\mathrm{H}}(l)\mathbf{R}_{s}(l)\mathbf{w}(l)}{\mathbf{w}^{\mathrm{H}}(l)[\mathbf{R}_{c}(l) + \mathbf{R}_{n}]\mathbf{w}(l)}$$
(9)

式中,

 $\begin{aligned} \boldsymbol{R}_{s}(l) &= E[\boldsymbol{B}_{1}^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\boldsymbol{rr}}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{B}_{1}^{*}(l)] = E[|\boldsymbol{x}(l)|^{2}]\tilde{\boldsymbol{rr}}^{\mathrm{H}},\\ \boldsymbol{R}_{c}(l) &= E[\boldsymbol{B}_{2}^{\mathrm{T}}(l)\tilde{\boldsymbol{rr}}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{B}_{2}^{*}(l)],\\ \boldsymbol{R}_{n} &= E[\tilde{\boldsymbol{u}}(l)\tilde{\boldsymbol{u}}^{\mathrm{H}}(l)], \end{aligned}$

E[·]代表求期望。使式(9)输出信噪比达到最大的 最优滤波器 *w*(*l*)为

 $\begin{bmatrix} \mathbf{R}_{c}(l) + \mathbf{R}_{n} \end{bmatrix}^{-1} \mathbf{R}_{s}(l) \mathbf{w}(l) = \lambda_{\max} \mathbf{w}(l) \quad (10)$ 它是矩阵 $\begin{bmatrix} \mathbf{R}_{c}(l) + \mathbf{R}_{n} \end{bmatrix}^{-1} \mathbf{R}_{s}(l)$ 的最大特征值 λ_{\max} 所对应的特征向量。矩阵 $\mathbf{R}_{c}(l)$ 可定义为

$$\boldsymbol{R}_{c}(l) = \sum_{-2N+2, n\neq 0}^{2N-2} \hat{\rho}(l-n) \,\tilde{\boldsymbol{r}}_{n} \tilde{\boldsymbol{r}}_{n}^{\mathrm{H}}$$
(11)

式中, $\hat{\rho}(l) = E[|x(l)|^2]$ 为上一阶段距离单元的功 率期望; \hat{r}_n 包含 2*N* - 1 个样本,由波形自相关 \hat{r} 移 动*n*点并在余位补零得到。当 *n* 大于 0 时,向右移 动;反之,当 *n* 小于 0 时,向左移动。例如 *n* = 2 时, $\hat{r}_{2} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & r_{-N+1} & \cdots & r_{N-3} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}};$ 而当 *n* = -2 时, $\hat{r}_{-2} = \begin{bmatrix} r_{-N+3} & \cdots & r_{N-1} & 0 & 0 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$ 。而矩阵:

$$\boldsymbol{R}_{s}(l) = \hat{\rho}(l) \boldsymbol{r} \boldsymbol{r}^{\mathrm{H}}$$
(12)

假定与雷达回波相比,噪声功率较小,并且与雷达回波距离单元之间相互独立,则噪声方差矩阵可以近似表示为 $R_n = \sigma_v^2 I, \sigma_v^2$ 为噪声功率。对于多数 雷达的工作频段内部热噪声高于外部噪声,可以假 定噪声功率是已知的。距离单元功率的初始估计值 可以由匹配滤波器的归一化输出得到:

$$\hat{\rho}_{0}(l) = \left| \frac{\hat{x}_{MF}(l)}{\|s\|^{2}} \right|^{2}$$
(13)

图1给出了两次迭代的脉冲压缩修复算法过 •50 • 程,其中下标用来表明迭代的次序。通常,递归脉冲 压缩修复滤波器进行如下操作:

(1)采集匹配滤波器输出的信号样本,包括 L长距离窗,及窗前的 2M(N-1) 个样本和窗后 2M(N-1)个样本: $\{y(-2M(N-1)), \dots, y(L-1 + 2M(N-1))\};$

(2)对 l = -2M(N-1)),…,L-1+2M(N-1)计算功率初始估计值 $\rho_0(l)$,并用来计算式(10)中的滤波器 $w_1(l)$,代入公式 $\hat{x}(l) = w^{H}(l)\tilde{y}(l)$ 来估计得到 $\hat{x}_1(l)$;

(3)根据估计的 $\hat{x}_1(l)$ 来计算下一阶段的功率 期望 $\rho_1(l)$,代入式(10)重新估计滤波器 $w_2(l)$,代 入公式 $\hat{x}(l) = w^{\text{H}}(l)\tilde{y}(l)$ 重新估计得到 $\hat{x}_2(l)$;

(4)重复步骤 3,改成适当的标号,直到达到期 望的 *L*长距离窗。



从图中可以看出,每一个迭代阶段都要在距离 窗外减少4(N-1)个距离单元估计,其中窗前2(N -1)个,窗后2(N-1)个,它们用来估计处理窗内的 距离单元,并不是丢失了,而只是不再更新。所以, 需要在距离窗的窗前和结尾各增加2M(N-1)个样 本,M是迭代步骤的次数。

4 算法分析

由于算法本质上是迭代、反复这一事实,算法的 收敛性就成了一个主要关心的内容。矩阵 $R_s(l)$ 的 求逆过程会影响算法的收敛性,在非常大的目标附 近或者小距离单元估计值接近零时,矩阵可能呈现 病态,从而导致算法的不稳定。借鉴 RMMSE 算 法^[3]中方法,用 $\rho(l) = E[|\tilde{x}(l)|^{\alpha}]$ 来代替 $\rho(l) = E[|\tilde{x}(l)|^{2}]$,其中 $0 \le \alpha \le 2$ 。这和经常用于诸如 LMS 之类的闭环反复算法的变步长是类似的。合适 的 α 值介于 1.4 和 1.7 之间。而且, α 值没有必要 在每个迭代阶段保持相同,因此 α 开始可以设得比 较大以使其快速收敛,然后再减小以解决非常小的 细节问题。

为了进一步优化算法,将式(10)变换可以得到:

 $\mathbf{R}_{s}(l)^{-1}[\mathbf{R}_{c}(l) + \mathbf{R}_{n}]\mathbf{w}(l) = u_{\min}\mathbf{w}(l) \quad (14)$ 式(12)两边求逆可得・

 $\boldsymbol{R}_{s}(l)^{-1} = 1/\rho(l) * (\tilde{\boldsymbol{rr}}^{\mathrm{H}})^{-1}$

其中 **r**^H 求逆是可以预知的,这样就避免了矩阵的 求逆过程。由于 **r**^H 是半正定矩阵,所以存在不可 求逆的因素,为此附加一个较小的对角阵,以保证矩 阵可逆。将数值设在噪声以下,所以并不影响距离 单元的估计过程。式(14)中最小特征值对应的特征 向量即为所求滤波器。

5 仿真结果

我们考虑4种情况来进行仿真,以验证算法的 适用性和稳健性:单个大信噪比目标的提取;多个相 邻目标的提取;单个大目标存在多普勒频移的情况; 多目标存在多普勒频移的情况,并与匹配滤波器的 输出进行比较。在4种情况下均采用脉宽10 μs、带 宽5 MHz的 LFM 信号。噪声功率设为相对于最大目 标 – 70 dB。匹配滤波输出进行归一化处理。

(1)假设在距离窗口中第51个距离单元有一个 0 dB的目标,图 2 显示脉冲压缩修复算法通过两个 阶段就可以收敛到真实的目标距离像。初始阶段即 为标准匹配滤波器输出结果,也是修复算法所要处 理的信号。第一阶段已经大大抑制了旁瓣,第二阶 段则可以使旁瓣减小到噪声水平,形成"钉"形的目 标估计。



图 2 单目标,无多普勒 Fig.2 Single target without Doppler

(2)假设在距离窗口中距离单元 28、36、51、78、 109 各有一个目标,大小分别为 - 24 dB、- 46 dB、 0 dB、- 34 dB、0 dB。图 3 给出了经过匹配滤波、一 次迭代、二次迭代得到的目标估计。第一次迭代已 经将旁瓣抑制到 - 50 dB左右,第二次迭代进一步将 旁瓣抑制到噪声附近,小目标得以清晰地提取出来。 相对匹配滤波器来讲,有了约50 dB的改善,大大提 高了对大目标邻近的小目标的检测能力。



Fig. 3 Multiple targets without Doppler

(3)为研究多普勒失配对算法的影响,对单、多目标分别进行分析。对于情况 1,在目标的波形加上 3°的相移。这个相移相当于速度为 1 马赫的目标被 1 µs 的 S 频段脉冲照射的情况。图 4 给出了仿真结果,可以发现由于多普勒的存在,引起了主瓣的展宽,以及 旁瓣抬升10 dB左右,但是算法效果仍比匹配滤波提高了近40 dB。通过多次仿真发现,这个影响随着多普勒的增大而增大,随多普勒的减小而减小。



Fig.4 Single target with Doppler

(4)对于存在多普勒频移的多目标,目标存在情况与情况2相同,同时设置各目标存在-3°~3°之间

的随机多普勒频移。图 5 显示经过两次迭代,主瓣 展宽,同时引起旁瓣抬升20 dB左右,但是仍然可以 清楚地显示出各目标的位置。同样,这个影响随着 多普勒的变化而成正比变化。



图 5 多日你, 有多首朝 Fig. 5 Multiple targets with Doppler

6 结 论

基于最大信噪比准则的自适应脉冲压缩算法, 得到了良好的旁瓣抑制性能,但是对于很多在役雷 达系统不能更换已有的脉冲压缩设备,这种算法就 不再适用。本文提出的修复算法则把匹配滤波结果 看作接收信号来处理,以抑制距离旁瓣。通过仿真 发现,算法可以将旁瓣抑制到噪声附近,提高了对小 目标的检测能力。当存在多普勒频移时,算法性能 有所下降,表现为主瓣下部展宽,旁瓣肩比无多普勒 时有所抬升,但较之匹配滤波仍然有很大性能提升。 未来研究的方向是该算法在杂波环境下的适用性和 性能分析。

参考文献:

[1] Mark A Richards. 雷达信号处理基础[M].北京:电子工

业出版社,2008.

Mark A Richards. Fundamentals of Radar Signal Processing[M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry,2008. (in Chinese)

- [2] Zric B, Zejak A. Rang sidelobe suppression for pulse compression radars utilizing modifies RIS algorithm [C]//Proceedings of IEEE Spread Techniques and Applications. South Africa: IEEE, 1998: 1008 – 1010.
- [3] Blunt S D, Gerlach K. A novel pulse compression scheme based on minimum mean square error reiteration [C]//Proceedings of IEEE International Conference on Radar. [S.1.]: IEEE, 2003: 349 – 353.
- [4] 张劲东,王海青,朱晓华,等. 基于最大输出信噪比准则的自适应脉冲压缩[J].电子与信息学报,2009,31
 (4):790-793.

ZHANG Jin – dong, WANG Hai – qing, ZHU Xiao – hua, et al. Adaptive Pulse Compression via MSN Criteria [J]. Journal of Electronic & Information Technology,2009,31(4):790 – 793. (in Chinese)

[5] Gerlach K, Blunt S D. Adaptive radar pulse co – mpression repair processing[C]//Proceedings of 2005 IEEE International Conference on Radar. [S.1.]: IEEE, 2005:519 – 523.

作者简介:

邵江雨(1986-),男,河南濮阳人,硕士研究生,主要研 究方向为雷达信号处理;

SHAO Jiang – yu was born in Puyang, Henan Province, in 1986. He is now a graduate student. His research direction is radar signal processing.

Email: shaojiangyu@yahoo.cn

石 星(1961 –),男,四川成都人,博士,研究员,主要从 事雷达总体及信号信息处理研究。

SHI Xing was born in Chengdu, Sichuan Province, in 1961. He is now a senior engineer of professor with the Ph.D. degree. His research interests include radar system, signal and information processing.