doi:10.3969/j.issn.1001-893x.2016.10.007

引用格式:王桂良,陆路希. 压缩感知宽带接收机设计及无杂散动态范围分析[J]. 电讯技术,2016,56(10):1103-1107. [WANG Guiliang,LU Luxi. Design and spurious-free dynamic range analysis of a compressed sensing wideband receiver[J]. Telecommunication Engineering,2016,56(10):1103-1107.]

压缩感知宽带接收机设计及无杂散动态范围分析*

王桂良,陆路希**

(盲信号处理重点实验室,成都 610041)

摘 要:为了分析压缩感知宽带接收机的性能损失,明确其适用范围,设计了一种基于调制宽带转换器(MWC)结构的压缩感知宽带接收机,并针对该接收机的无杂散动态范围进行仿真分析和实验测量。仿真分析和实测结果表明,字典基之间非正交性将会导致接收机无杂散动态范围的严重损失, 在1/2压缩采样率的条件下,接收机无杂散动态范围仅能达到7dB左右,这将严重限制压缩感知宽 带接收机在高动态范围要求环境下的应用。

关键词:宽带接收机;压缩感知;字典基;无杂散动态范围分析

中图分类号:TN850 文献标志码:A 文章编号:1001-893X(2016)10-1103-05

Design and Spurious-free Dynamic Range Analysis of a Compressed Sensing Wideband Receiver

WANG Guiliang, LU Luxi

(Science and Technology on Blind Signals Processing Laboratory, Chengdu 610041, China)

Abstract: In order to analyze the performance loss and application of compressed sensing wideband receiver, the design detail of a compressed sensing receiver is provided based on modulated wideband converter (MWC) structure. Simulations and experiments are performed to measure the spurious-free dynamic range (SFDR) of the receiver. The result shows the large SFDR loss of the receiver caused by the non-orthogonality of dictionary atoms. When compressed at the ratio of 1/2, the SFDR of the compressed sensing wideband receiver is about 7 dB, which will severely limit its application in high dynamic range requirements. Key words: wideband receiver; compressed sensing; dictionary atom; spurious-free dynamic range analysis

1 引 言

压缩感知的研究主要集中在稀疏表示方法、压 缩观测矩阵设计和重构算法三方面,近年来均已取 得了大量理论成果^[1]。本文在这些成果的基础上, 研究该理论的工程转化问题,通过理论仿真和实际 系统测试,界定其在宽带信号采集中的适用范围。

压缩感知的工程化应用最早在光学领域,典型 如单像素相机^[2]、超谱成像仪^[3]、微阵列传感器^[4]。 在电信号采集方面,莱斯大学 Kirolos 最早提出了 A- nalogy-to-Information Converter(AIC)结构^[5]。Mishali 等人将 AIC 结构推广为多通道的形式,提出了 调制宽带转换器(Modulated Wideband Converter, MWC)结构,并设计了 Xampling 接收机^[6-7]。现有 关于 MWC 类接收机的讨论多集中于准确地获取电 路字典基^[8],提高观测矩阵的性能^[9],实验测试也 多是在无噪声的理想环境下进行^[6-7],对接收机在 实际应用中的性能分析较少。Davenport 等人针对 高斯白噪声环境下的模拟信号采样进行了研究,他

 ^{*} 收稿日期:2015-12-31;修回日期:2016-07-08 Received date:2015-12-31;Revised date:2016-07-08 基金项目:中国博士后科学基金资助项目(2013M532238)
 Foundation Item: China Postdoctoral Science Foundation(2013M532238)

^{**} 通信作者:luluxi@pku.edu.cn Corresponding author:luluxi@pku.edu.cn

们发现压缩率每降低 1/2,信噪比会因带内噪声放 大损失 3 dB^[8],该结论对电信号压缩采样系统的性 能分析具有重要指导意义,后续的实际测试也验证 了这一结论^[10]。

上述研究均建立在信号支集准确判定、信号有 效重建的前提下,但在实际系统中,由于字典基向量 的维数小于N,却仍要表示N维空间,无法保证两两 正交,不正交的字典基间会产生混叠,这将在信号重 构中引入重构误差,造成接收机性能的进一步恶化。 非正交字典基之间混叠造成的性能损失,类似于传 统接收机中的无杂散动态范围,直接关系到能够接 收信号的动态范围,分析该指标有助于明确压缩感 知宽带接收机的适用范围,但目前对该指标的研究 相对较少。

针对上述问题,本文在 MWC 结构的压缩感知 宽带接收机基础上,通过理论分析和仿真验证得出 MWC 结构的压缩感知宽带接收机在 1/2 压缩率条 件下无杂散动态范围仅有7 dB左右的结论,并利用 设计的接收机实测验证了这一结论。

2 系统设计

2.1 理论模型

压缩感知的公式表示为

$$\mathbf{y} = \boldsymbol{\Phi} \mathbf{x} = \boldsymbol{\Phi} \boldsymbol{\Psi} \boldsymbol{\alpha}_{\circ} \tag{1}$$

式中:向量 x 为待采集的信号;y 为压缩观测向量;**Φ** 为观测矩阵;通常压缩观测向量 y 的维度 M 远小于 原始信号 x 的维度 N,也即 y 是 x 在观测矩阵 **Φ**上 的投影压缩版本。上述压缩感知未考虑噪声影响, 实际应用中噪声不可避免。Davenport 等人将噪声 因素加入到上述模型中来,建立了压缩感知的噪声 模型:

$$\mathbf{y} = \boldsymbol{\Phi}(\mathbf{x} + \mathbf{n}) + \mathbf{e} \tag{2}$$

式中:n 为输入噪声;e 为测量噪声。他们从理论上 证明输入噪声为白噪声情况下,每降低 1/2 的压缩 率,信噪比至少损失3 dB^[8]。

关于变换域 **Ψ**的选择目前有多种方案,本文选 取傅里叶变换矩阵为变换域矩阵。观测矩阵的设计 一般在电路结构明确以后就是确定的,但由于实际 器件实现过程中与理想值存在偏差,因此观测矩阵 一般通过测量的方法获得。实测中我们发现,每次 开机接收机观测矩阵均会发生细微变化,从而导致 压缩字典基向量随之改变,影响信号重构性能。为 了准确地获得这些会发生变化的字典基向量,本文 的接收机增加了字典基自测功能。关于字典基自测 技术其他相关论文已有阐述,这里不再赘述,仅简要 介绍本文压缩感知宽带接收机的基本框架结构,并 给出一个字典基自测及补偿的测试结果。

2.2 基于 MWC 结构的压缩感知接收机设计

目前典型的压缩感知采样结构有 AIC 结构和 MWC 结构,本文采用相对更为实用的 MWC 结构, 其基本结构框图如图 1 所示。



图 1 MWC 归构但图 Fig. 1 The MWC structure

图中 Q 个采样通道,每个通道对应一个伪随机 序列,伪随机序列为 N 个码片的周期重复,其时钟 周期等于实际的 Nyquist 采样率。第 *i* 个通道采样 结果为

$$\mathbf{y}_{i}(k) = \int_{-\infty}^{t} x(\tau) p_{i}(\tau) h_{i}(t-\tau) d\tau |_{t=k\Delta t \circ}$$
(3)
将采样结果离散化:

$$\mathbf{y}_{i}(k) = \sum_{\tau = \frac{kN}{K}-L}^{\frac{kN}{K}} x(\tau) p_{i}(\tau) h_{i}\left(\frac{kN}{K}-\tau\right), k \in \{1, 2, \cdots, K\}_{\circ}$$

$$(4)$$

进一步将上述采样过程写成矩阵形式:

 $\boldsymbol{\Phi}_{M\times N} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\Phi}_{1,K\times N}^{\mathrm{T}} & \boldsymbol{\Phi}_{2,K\times N}^{\mathrm{T}} & \cdots & \boldsymbol{\Phi}_{Q,K\times N}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} (5)$

式中: $\boldsymbol{\Phi}_{i,K\times N}$ 为第i个通道的观测向量,向量中元素 取值为

$$\phi_{i}(k,\tau) = \begin{cases} p_{i}(\tau)h_{i}\left(\frac{kN}{K}-\tau\right), & \frac{kN}{K}-L \leq \tau \leq \frac{kN}{K} \\ 0, & \text{else} \end{cases}$$

(6)

这里 $\{h_i(0), h_i(1), \dots, h_i(L)\}$ 为模拟滤波器的 等效数字化表示,伪随机序列 $p_i(\tau)$ 赋予了上述观 测矩阵伪随机特性,符合压缩感知对观测矩阵的特 性要求。

本文接收机便是基于上述 MWC 结构,采用双 通道结构。系统设计采样率40 Msample/s,工作在 单通道模式下,AD 速率40 Msample/s;双通道模式 下 AD 采样率20 Msample/s,压缩率 1/2 的情况下,

· 1104 ·

对应80 Msample/s的 Nyquist 采样率,覆盖频段0~40 MHz。接收机结构如图2所示。



图 2 接收机系统组成 Fig. 2 Structure of the compressed sensing wideband receiver

图 2 中两个 AD 通道即为上文中的 MWC 采样 前端,DA 通道用于输出字典基自测信号,伪随机序 列采用 TTL 双电平表示,序列周期6.4 μs,每个周期 包含 512 个符号,符号速率80 Msample/s。由于变 换域采用傅里叶矩阵形式,因此自测信号为 512 组 频率初始相位不同的正弦信号,且自测信号的周期 与伪随机序列周期相同。为保证输出自测信号不发 生失真,DA 通道的回放速率取240 Msample/s。

图 3 给出了本文接收机的工作流程,开始时首 先将 DA 通道连接到信号输入端,DA 通道产生字典 基自测信号,由采样通道采集并保存。字典基自测 完毕后,将实际信号接入 AD 通道的输入端,开始压 缩采样过程。由于上位机处理能力有限,这里先将 采集数据进行存盘,再进行后续离线的信号重构、分 析处理等操作。在已知信号载频、调制速率的情况 下,信号重构的支集已知,重构算法的复杂度大大降 低,上位机能够支持实时重构解调。



图 3 接收机工作流程 Fig. 3 Work flow of the compressed sensing wideband receiver

2.3 压缩感知宽带接收机杂散性能分析

如前所述,本文接收机变换域采用傅里叶矩阵。 由于实际器件只能实现实数形式的傅里叶矩阵,因 此我们的字典基测试采用一组实数域频率和相位不 同的正弦信号,其形式为

$$\boldsymbol{x}_{k,j}(n) = \cos\left(\frac{(n-1)\pi f}{768} - \frac{\pi k}{2}\right)_{\circ}$$
(7)

伪随机周期序列共有 512 个符号,字典基的自 测信号个数与伪随机序列的符号数相同,因此自测 信号为 512 组频率相位变化的正弦波。期望达到 80 Msample/s的 Nyquist 速率,式(7)中每个正弦波 自测信号的实际频率为80f/512 MHz,其中 f=0,1, 2,…,255。由于 DA 速率为240 Msample/s,因此 6.4 μs的伪随机序列周期内,正弦波自测信号共有 1 536个数据样点,即 n=1,2,…,1 536。式中 k 的 取值为1或0,用于控制自测信号相位。为获得较 为准确的字典基测量结果,可以多次发送自测信号, 将测量结果取平均作为最终的测量值。频率相同、 相位相差 π/2 的两个字典基测量结果合成一个复 数形式的傅里叶向量的字典基,作为后续信号重构 的基础。

公式(2)中,一般稀疏表示基向量 $\psi(i)$ 是两两 正交的,是 N 维空间的完备正交基集合,但字典基 向量 $\theta(i)$ 的维数小于 $\psi(i)$,却仍然要表示 N 维空 间,所以无法保证两两正交,不正交的字典基间会产 生混叠。这使得除字典基本身频率之外的其他频率 上将会出现能量泄露。基于 MWC 结构,我们仿真 分析了所设计的接收机在 1/2 压缩采样率条件下的 字典基最大杂散功率情况,如图 4 所示。从图中可 以看出字典基的频率响应同最大杂散之间的功率差 仅有7.5 dB左右。



图 4 字典基的频率响应和最大杂散的仿真结果 Fig. 4 Simulation result of the frequency response and the max spurious of dictionary atoms

下面以重构算法中常用的正交追踪匹配(Orthogonal Matching Pursuit, OMP)算法^[12]为例来说明 上述字典基之间的非正交性对信号重构造成的影 响。应用 OMP 法进行稀疏信号估计基本步骤如下: 初始化残差 $r_0 = y$,设置 α 中非零元素下标集合 $\Lambda_0 = \emptyset$,迭代次数 t = 1。

(1)求解如下优化问题来确定本次迭代得到的 非零元素下标 λ,:

$$\lambda_{i} = \max_{i=1,\dots,M} |\langle \mathbf{r}_{i-1}, \boldsymbol{\theta}(i) \rangle|_{\circ}$$
(8)
式中: $\boldsymbol{\theta}(i)$ 表示 $\boldsymbol{\Theta}$ 的第 i 列 $_{\circ}$

(2)向下标集合以及矩阵非零元素集合中增加 一个元素,即 $\Lambda_i = \Lambda_{i-1} \cup \{\lambda_i\}, \Theta_i = [\Theta_{i-1}, \theta(\lambda_i)]$ 。

(3) 求 解 最 小 均 方 误 差 优 化 问 题 α_i = min || y-Θ_iα || ,得到信号新的估计值。

(4) 计算估计残差 y_i = Θ_iα_i, r_i = y−y_i。t=t+1,
 若 t<M 返回第2步继续上述过程。

求解 $\boldsymbol{\alpha}_{i} = \min \| \boldsymbol{y} - \boldsymbol{\Theta}_{i} \boldsymbol{\alpha} \|_{2}$ 通常采用的是最小二乘法,即

$$\boldsymbol{\alpha}_{t} = \frac{\boldsymbol{\Theta}_{t}^{\mathsf{H}} \boldsymbol{y}}{\boldsymbol{\Theta}_{t}^{\mathsf{H}} \boldsymbol{\Theta}_{t}}^{\circ}$$
(9)

这里假设 $y = b_i \theta(i) + b_j \theta(j), i \neq j, 且$

$$\lg(b_1) - \lg(b_2) \ge 7.5_{\circ}$$
 (10)

则

$$\begin{cases} b_i = \frac{\langle \mathbf{y}, \boldsymbol{\theta}(i) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(i), \boldsymbol{\theta}(i) \rangle} \\ b_j = \frac{\langle \mathbf{y}, \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(j), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle} \end{cases}$$
(11)

在 $\theta(i)$ 、 $\theta(j)$ 正交的情况下,利用上式可以准确求出 b_i 、 b_j ,从而正确重构原始信号,但在 $\theta(i)$ 、 $\theta(j)$ 非正交的情况下,

$$\begin{cases} b_i = \frac{\langle \mathbf{y}, \boldsymbol{\theta}(i) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(i), \boldsymbol{\theta}(i) \rangle} = b_i + b_j \frac{\langle \boldsymbol{\theta}(j), \boldsymbol{\theta}(i) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(i), \boldsymbol{\theta}(i) \rangle} \\ b_j = \frac{\langle \mathbf{y}, \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(j), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle} = b_j + b_i \frac{\langle \boldsymbol{\theta}(i), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(j), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}$$
(12)

从前面的仿真结果可知,在最恶劣的情况下,

$$\lg(\frac{\langle \boldsymbol{\theta}(j), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(i), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}) \approx 7.5 \quad (13)$$

由式(10), $\theta(i)$ 分量的能量高于 $\theta(j)$ 分量的能量,此时

$$b_1 \frac{\langle \boldsymbol{\theta}(i), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle}{\langle \boldsymbol{\theta}(j), \boldsymbol{\theta}(j) \rangle} \sim O(b_2) \quad (14)$$

对于 $\theta(j)$ 分量,其估计误差跟实际信号能量接近, 从而导致 b_j 无法准确估计。即当强信号和弱信号 的功率差超过7.5 dB时,弱信号无法准确恢复。

3 测试分析

在实验室环境下测试接收机无杂散动态范围性能,利用信号源 E4438C 产生测试信号,利用压缩感知宽带接收机采集测试信号,利用处理软件对压缩 采样数据进行离线重构,重构为等效80 Msample/s 采样率的波形文件,再进行后续分析。

首先测试压缩感知接收机的单频响应情况,结 果如图 5 所示。为说明本接收机频率覆盖能力,测 试信号选取频率为26.56 MHz的单频信号。图 5(a) 显示了伪随机序列为全 1(即不做伪随机观测)、 40 Msample/s采样的字典基响应,即40 Msample/s正 常采样的频谱响应。由于此时 Nyquist 无混叠带宽 为20 MHz,因此13.44 MHz处出现了该单载波的镜 频成分,功率和原信号基本相同。图 5(b)为伪随机 序列正常工作的40 Msample/s压缩采样的字典基响 应,可见13.44 MHz镜频处的响应已被抑制,这证明 了本文压缩感知宽带接收机的有效性,但由于压缩 字典基非正交,相互间产生干扰,噪底被整体抬升。 从图中可以看出,同正常采样的信号相比,压缩采样 信号的无杂散动态范围大大降低了。



图 5 正常采样和压缩采样的单频信号响应 Fig. 5 The frequency response of a single frequency for both the normal sampling and the compressed sampling

接下来测试接收机全部字典基向量的自相关和 互相关特性,每个字典基向量的自相关可视为该频 点的频率响应,不同字典基向量的互相关可视为相 互间的杂散,图6给出了所有字典基向量的频率响 应和最大杂散的比较,类似于传统接收机的无杂散 动态范围测试。同图4相比,仿真结果没考虑传输 损耗,在0~40 MHz内响应和杂散基本平坦,实际电 路存在随频率变化的传输损耗,在30 MHz范围构的 最大损耗为3 dB。实测在0~40 MHz范围整体频率 响应和最大杂散相差约7 dB,跟仿真结果接近。这

· 1106 ·

表明本接收机40 Msample/s采样可以无混叠地覆盖 40 MHz带宽,突破了传统采样理论的无混叠带宽不 超过采样率的一半的限制。然而,对于一般接收机 而言7 dB的无杂散动态范围是极差的,这是由于基 向量长度被压缩导致非正交引起的,只要基向量的 长度小于其所表示的空间维数就会存在这种损失, 是压缩感知不可避免的。



图 6 字典基的频率响应和最大杂散的实测结果 Fig. 6 The measured result of the frequency response and the max spurious of dictionary atoms

4 结束语

本文根据压缩感知原理研制实现了一套 MWC 结构的接收机,给出了接收机的具体设计方案,实验 验证了该接收机以40 Msample/s采样率无混叠覆盖 0~40 MHz频率范围的能力。本文通过仿真实验和 接收机实测结果表明压缩感知宽带接收机将面临由 于字典基非正交带来的无杂散动态范围损失,基于 MWC 结构的压缩感知宽带接收机在 1/2 压缩率条 件下无杂散动态范围仅能达到7 dB左右,当强弱信 号的功率差超过7 dB时,弱信号将无法准确恢复。 动态范围的损失是压缩感知宽带接收机除了信噪比 之外的另外一项重要性能的损失,将会限制压缩感 知宽带接收机在大动态范围需求场合的应用,这也 是今后的主要研究内容。

参考文献:

- [1] CANDÈS E, ROMBERG J, TAO T. Robust uncertainty principles: exact signal reconstruction from highly incomplete frequency information [J]. IEEE Transactions on Information Theory, 2006, 52(2):489-509.
- [2] LASKA J, KIROLOS S, DUARTE M, et al. Theory and implementation of an analog-to-information converter using random demodulation [C]//Proceedings of 2007 IEEE International Symposium on Circuits System(ISCAS). Louisiana, New Orleans: IEEE, 2007:1959-1962.
- [3] MISHALI M, ELDAR Y C, ELRON A J. Xampling: signal

acquisition and processing in union of subspaces [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2011, 59(10): 4719–4734.

- [4] MICHAELI T, ELDAR Y C. Xampling at the rate of innovation [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2012, 60(3):1121-1133.
- [5] TREICHLER J, DAVENPORT M, BARANIUK R. Application of compressive sensing to the design of wideband signal acquisition receivers [C]//Proceedings of the 6th U. S. /Australia Joint Workshop on Defense Applications of Signal Processing (DASP). Lihue, Hawaii: IEEE, 2009:1-10.
- [6] DAVENPORT M, LASKA J, TREICHLER J, et al. The pros and cons of compressive sensing for wideband signal acquisition: noise folding versus dynamic range[J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2012, 60(9):4628-4642.
- [7] MALEH R, FUDGE G L, BOYLE F A, et al. Analog-toinformation and the Nyquist folding receiver [J]. IEEE Journal on Emerging and Selected Topics in Circuits and System, 2012, 2(3):564-578.
- [8] CHEN Y, MISHALI M, ELDAR Y C, et al. Modulated wideband converter with non-ideal lowpass filters [C]// Proceedings of 2010 IEEE International Conference on Acoustics Speech and Signal Processing(ICASSP). Dallas, Texas: IEEE, 2010:3630-3633.
- [9] YANG X, TAO X, GUO Y J, et al. Subsampled circulant matrix based analogue compressed sensing [J]. Electronics Letters, 2012, 48(13):767-768.
- [10] 程艳合,杨文革,韩丙寅.宽带直扩信号的随机解调 压缩采样方法[J].电讯技术,2015,55(5):472-478.
 CHENG Yanhe,YANG Wenge,HAN Bingyin. Compressive sampling of broadband DS signal based of random demodulation [J]. Telecommunication Engineering, 2015,55(5):472-478. (in Chinese)
- TROPP J A, GILBERT A C. Signal recovery from random measurements via orthogonal matching pursuit [J].
 IEEE Transactions on Information Theory, 2007, 53 (12):4655-4666.

作者简介:



王桂良(1987—),男,山东潍坊人,博士 研究生,主要研究方向为稀疏信号处理和辐 射源指纹识别;

WANG Guiliang was born in Weifang, Shandong Province, in 1987. He is currently working toward the Ph. D. degree. His research concerns spare signal processing and specific e-

mitter identification.

Email:wangguiliang05@gmail.com

陆路希(1982—),男,上海人,博士,工程师,主要研究 方向为稀疏信号处理和通信信号处理。

LU Luxi was born in Shanghai, in 1982. He is now a now an engineer with the Ph. D. degree. His research concerns spare signal processing and communication signal processing.

Email:luluxi@pku.edu.cn