doi:10.3969/j.issn.1001-893x.2014.02.009

引用格式:张静宇,王宇,楼大年. 一种改进的基于 LC-GSC 的主瓣干扰抑制方法[J]. 电讯技术,2014,54(2):163-168. [ZHANG Jing-yu, WANG Yu, LOU Da-nian. An Improved Mainlobe Interference Suppression Method Based on Generalized Sidelobe Canceller[J]. Telecommunication Engineering,2014,54(2):163-168]

一种改进的基于 LC-GSC 的主瓣干扰抑制方法*

张静宇**,王 宇,楼大年

(空间电子信息技术研究院,西安 710100)

摘 要:针对线性约束广义旁瓣相消器(LC-GSC)存在主瓣干扰时天线自适应方向图会出现主瓣波 束畸变及副瓣电平升高的问题,给出了一种通过阻塞矩阵对数据进行预处理的主瓣干扰抑制方法, 对线性约束广义旁瓣相消器进行了改进,先利用阻塞矩阵预处理实现主瓣干扰抑制,再通过线性约 束广义旁瓣相消器进行波束形成,有效地解决了波束主瓣变形及旁瓣电平升高的问题。仿真分析验 证了改进方法的有效性。

关键词:自适应波束形成;线性约束广义旁瓣相消器;阻塞矩阵;主瓣干扰抑制 中图分类号:TN911.7 文献标志码:A 文章编号:1001-893X(2014)02-0163-06

An Improved Mainlobe Interference Suppression Method Based on Generalized Sidelobe Canceller

ZHANG Jing-yu, WANG Yu, LOU Da-nian

(China Academy of Space Technology, Xi'an 710100, China)

Abstract: According to the linear constraints generalized sidelobe canceller (LC-GSC), the adapted pattern suffers much distortion (distorted mainlobe and high sidelobes), when there exists main lobe interference. An adaptive beam forming based on blocking matrix data-preprocessing is proposed, which is an improvement of linear constraints generalized sidelobe canceller. Firstly, a blocking matrix is constructed to cancel the mainlobe interference, then beamforming based on the linear constraints generalizes sidelobe canceller, which effectively solves the problem of beam deformation while suppressing the mainlobe interference. The method has been proven to be effective by the computer simulation.

Key words: adaptive beam forming; linear constraints generalized sidelobe canceller; block matrix; mainlobe interference suppression

1 引 言

自适应波束形成技术可抑制副瓣干扰,关于这 方面的研究已经有大量的文献^[1-3]发表。然而,在 现代的环境下,干扰很可能从主瓣进入,当存在主瓣 干扰时,常规的自适应波束形成技术便暴露出两个 严重的问题:一是主瓣严重变形,出现主瓣指向偏 移,主瓣电平降低;二是旁瓣电平升高,这都严重制 约了自适应波束形成在主瓣干扰条件下的应用^[4]。

一般的线性约束广义旁瓣相消器中的阻塞矩阵 只进行期望信号的阻塞,然后利用上下支路干扰信 号的相关性通过维纳滤波对干扰进行抑制,因而可 以有效地抑制旁瓣干扰,但当存在主瓣干扰时,此方

 ^{*} 收稿日期:2013-10-08;修回日期:2013-12-24 Received date:2013-10-08;Revised date:2013-12-24
 基金项目:国家高技术研究发展计划(863 计划)项目(2012AA01A503)
 Foundation Item: The National High-Technology Research and Development Program(863 Program) of China (2012AA01A503)

法的性能通常不理想,会在干扰方向形成零点,对干 扰进行抑制的同时也会影响接收有用信号。文献 [5]中提出了一种利用阻塞矩阵对消主瓣干扰的方 法,使用的是直接式的方法,但在信号方向有偏差的 情况下对性能影响很大。

本文给出了一种基于线性约束广义旁瓣相消器 的改进方法来实现对于主瓣干扰的有效抑制,与文 献[5]所不同的是,本文利用了 GSC 框架,相比于直 接式的方法,通过引入线性约束,充分发挥了 GSC 框架的性能优势。此方法是在线性约束广义旁瓣相 消器结构之前利用阻塞矩阵对接收信号矢量进行数 据预处理,预先抑制掉主瓣干扰,然后再通过线性约 束广义旁瓣相消器进行数字波束形成,这样求出的 自适应权矢量不需要在主瓣干扰方向形成零陷,因 而不会出现主瓣变形等问题,同时还可以保持对旁 瓣干扰的有效抑制。

2 信号模型

假设阵元数为 N 的均匀线阵,波长为 λ,阵元间 隔 d=λ/2,1 个期望信号和 P 个窄带干扰以平面波 方式入射到阵列上,则阵列接收到的信号为

$$\begin{aligned} X(t) &= a(\theta_0) s_0(t) + \sum_{j=1}^{P} a(\theta_j) s_j(t) + N(t) ,\\ j &= 1, 2, \cdots, P \end{aligned} \tag{1}$$

式中, $s_i(t)$, $i=0,1,\dots,P$ 为期望信号和干扰的复包 络; $a(\theta_i)$, $i=0,1,\dots,P$ 为期望信号干扰的导向矢 量;N(t)为噪声信号。

假设期望信号、干扰和噪声都不相关,阵列接收 信号的协方差矩阵为

$$\boldsymbol{R}_{X} = E[\boldsymbol{X}(t)\boldsymbol{X}^{\mathrm{H}}(t)] = \sigma_{0}^{2}\boldsymbol{a}(\theta_{0})\boldsymbol{a}^{\mathrm{H}}(\theta_{0}) + \sum_{j=1}^{P}\sigma_{i}^{2}\boldsymbol{a}(\theta_{j})\boldsymbol{a}^{\mathrm{H}}(\theta_{j}) + \boldsymbol{R}_{N}$$

$$(2)$$

式中, $\sigma_i^2(i=0,1,\dots,P)$ 为期望信号和干扰的功率, R_N 为噪声的协方差矩阵,H表示共轭转置。

实际中 R_x 不能精确得知,通常是通过有限的K次快拍数据估计得到的,即

$$\hat{R}_{X} = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} X(k) X^{\mathrm{H}}(k)$$
(3)

式中, Âx 为阵列接收信号协方差矩阵的估计值。

3 线性约束广义旁瓣相消器

线性约束最小方差(LCMV)波束形成器是最小 · 164 ·

线性约束最小方差波束形成器的权矢量可以表 示为

$$W_{\rm LCMV} = \arg\min_{\mathbf{w}^{\rm H} \mathbf{C} - \mathbf{f}^{\rm H}} \mathbf{W}^{\rm H} \mathbf{R}_{\rm X} \mathbf{W}$$
(4)

式中,C为约束矩阵,f为对应的约束响应矢量。一般地,

$$C = \left[a(\theta_0), a(\theta_1), \cdots, a(\theta_p) \right]$$
(5)

$$f = [1, 0, \cdots, 0]^{\mathrm{T}}$$
 (6)

由此可以得到 LCMV 权矢量的直接形式:

$$\boldsymbol{W}_{\text{LCMV}} = \boldsymbol{R}_{\boldsymbol{X}}^{-1} \boldsymbol{C} \left(\boldsymbol{C}^{\text{H}} \boldsymbol{R}_{\boldsymbol{X}}^{-1} \boldsymbol{C} \right)^{-1} \boldsymbol{f}$$
(7)

在 GSC 中,静态权矢量只约束期望信号无失 真, $W_q = a(\theta_0)$,如果静态权矢量满足线性约束 $w^{\text{H}}C$ = f^{H} ,即可得到与 LCMV 波束形成器等效的线性约 束广义旁瓣相消器,如图 1 所示。



Fig. 1 The structure diagram of LC-GSC

线性约束广义旁瓣相消器的自适应对消干扰基 于以下思想:利用已知的期望信号方向信息把阵列 接收信号变换为上下两个支路,其中上支路称为主 支路,通过静态权矢量 $W_q = C(C^{H}C)^{-1}f)$ 将 X(k)变 换后得到参考信号 $d_0(k) = W_q^{H}X(k), d_0(k)$ 含期望 信号和干扰;下支路称为辅助支路,通过阻塞矩阵 B_0 阻塞掉期望信号和约束信号,通过阻塞矩阵得到 $X_0(k) = B_0X(k), 则 X_0(k)$ 只含有干扰。显然,上、下 支路的期望信号是相关的,通过对变换后的信号进 行维纳滤波,则可自适应抵消干扰,同时上支路的期 望信号被无失真输出。

这样可以得到

$$\boldsymbol{R}_{X_0} = E[\boldsymbol{X}_0(k)\boldsymbol{X}^{\mathrm{H}}(k)] = \boldsymbol{B}_0\boldsymbol{R}_{X}\boldsymbol{B}_0^{\mathrm{H}}$$
(8)

$$_{X_0d_0} = E[X_0(k)d_0^*(k)] = B_0R_XW_q \qquad (9)$$

下支路的自适应权矢量为

$$W_{Z} = R_{X_{0}}^{-1} r_{X_{0}d_{0}}$$
(10)

由图1可以写出 LC-GSC 的权矢量为

$$\boldsymbol{W}_{\text{LC-GSC}} = \boldsymbol{W}_{q} - \boldsymbol{B}^{\text{H}} \boldsymbol{W}_{Z} = \boldsymbol{C} (\boldsymbol{C}^{\text{H}} \boldsymbol{C})^{-1} \boldsymbol{f} - \boldsymbol{B}^{\text{H}} \boldsymbol{R}_{X_{0}}^{-1} \boldsymbol{r}_{X_{0}d_{0}}$$

(11)

因此,广义旁瓣相消器中输出的误差信号即为阵列 输出,即

$$y(k) = \varepsilon_0(k) = d_0(k) - \hat{d}_0(k)$$
 (12)

这里说明一下,图1中的阻塞矩阵 **B**₀为(N-1) ×N 维行满秩矩阵,X₀(k)为(N-1)×1 维向量,且 **B**₀ 满足

$$\boldsymbol{B}_0 \boldsymbol{a}(\theta_0) = 0 \tag{13}$$

即阻塞矩阵位于期望信号导向矢量的正交补空间 中。阻塞矩阵的构造方法有很多种,文献[7]的附 录 A 中给出了两个基础简便的构造方法,本文使用 的是文献[6]中给出的阻塞矩阵的构造方法:

$$\boldsymbol{B}_{0} = \begin{bmatrix} -1 & a & 0 & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & a & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & -1 & a & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & -1 & a \end{bmatrix}$$
(14)

其中, $a = e^{-j2\pi d \sin(\theta_0)/\lambda}$, θ_0 为期望信号的入射方向。

上面分析的是主瓣内存在一个干扰的情况。当 主瓣内的干扰数目大于一个时,基于数据阻塞矩阵 预处理的方法依然有效,只需要对阻塞矩阵的形式 进行相应的更改即可。例如,当主瓣内存在两个干 扰时,阻塞矩阵 **B**₀ 的形式如下:

$$\boldsymbol{B}_{0} = \begin{vmatrix} 1 & a_{1} & a_{2} & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & a_{1} & a_{2} & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \cdots & a_{1} & a_{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 & a_{1} & a_{2} \end{vmatrix}$$
(15)

式中,**B**₀ 为(N-2)×N 维矩阵, $a_1 = -e^{-ju_1} - e^{-ju_2}$, $a_2 = -e^{-(ju_1+ju_2)}$, $u_1 = 2\pi (d/\lambda) \sin(\theta_1)$, $u_2 = 2\pi (d/\lambda) \sin(\theta_2)$, $\theta_1 和 \theta_2$ 分别为两个主瓣干扰的方向。

4 改进的基于 LC-GSC 的主瓣干扰抑制方法

针对 LC-GSC 等一般波束形成技术都无法有效 解决在抑制主瓣干扰的同时又可以保证主瓣不发生 畸变等诸多问题,本文给出了一种新的结构,如图 2 所示。





可以看出,本方法是在标准 LC-GSC 结构前增 加一个阻塞矩阵 *B*,通过阻塞矩阵预先实现对于主 瓣干扰的抑制,然后再进行数字波束形成,同时完成 对于旁瓣干扰的抑制。阻塞矩阵的具体结构根据主 瓣内的干扰数目而定,当主瓣内为一个干扰时,*B* 是 (*N*-1)×*N* 维矩阵,其结构如下所示:

$$\boldsymbol{B} = \begin{bmatrix} -1 & b & 0 & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & b & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & -1 & b & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & -1 & b \end{bmatrix}$$
(16)

其中, $b = e^{-j2\pi d \sin(\theta_1)/\lambda}$, θ_1 为主瓣干扰的方向。

采用这种形式的阻塞矩阵,是由于主瓣干扰的 导向矢量为

$$a(\theta_{1}) = e^{j2\pi dm\sin(\theta_{1})/\lambda}$$
(17)

$$\ddagger \psi, m = 1, 2, \dots, N-1, \ddagger 0$$

$$a(\theta_{1}) = \begin{bmatrix} e^{0\times(-j2\pi d\sin(\theta_{1})/\lambda)} \\ e^{1\times(-j2\pi d\sin(\theta_{1})/\lambda)} \\ \vdots \\ e^{(N-1)\times(-j2\pi d\sin(\theta_{1})/\lambda)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ e^{-j2\pi d\sin(\theta_{1})/\lambda} \\ \vdots \\ e^{-j2\pi d(N-1)\sin(\theta_{1})/\lambda} \end{bmatrix}$$

因而

$$(\theta_1) = 0 \tag{19}$$

(18)

继续前面的推导,经过阻塞矩阵 B 可以得到

Ba

$$Y(k) = \boldsymbol{B}\boldsymbol{X}(k) \tag{20}$$

式中,Y(k)为(N-1)×1 维向量。阻塞矩阵之后的 结构与标准的 LC-GSC 结构相同,只是上支路的静 态权矢量 W_a 选取(N-1)维。

上支路经过静态权矢量后得到

$$d_{0}(k) = \mathbf{W}_{q}^{\mathrm{H}} \mathbf{Y}(k) =$$

$$\mathbf{W}_{q}^{\mathrm{H}} \mathbf{B} \mathbf{X}(k) =$$

$$\mathbf{W}_{q}^{\mathrm{H}} \mathbf{B} [\mathbf{a}(\theta_{0}) \mathbf{s}_{0}(t) + \mathbf{a}(\theta_{1}) \mathbf{s}_{1}(t) +$$

$$\sum_{j=2}^{P} \mathbf{a}(\theta_{j}) \mathbf{s}_{j}(t) + N(t)] =$$

$$\mathbf{W}_{q}^{\mathrm{H}} [\mathbf{B} \mathbf{a}(\theta_{0}) \mathbf{s}_{0}(t) + \mathbf{B} \mathbf{a}(\theta_{1}) \mathbf{s}_{1}(t) +$$

$$\sum_{j=2}^{P} \mathbf{B} \mathbf{a}(\theta_{j}) \mathbf{s}_{j}(t) + \mathbf{B} \mathbf{N}(t)] \qquad (21)$$

$$\stackrel{\text{Therefore}}{=} \mathbf{B} \mathbf{a}(\theta_{j}) - \mathbf{0} \quad \text{Therefore} \mathbf{M}_{q}^{\mathrm{H}} \mathbf{M} \mathbf{M}_{q}^{\mathrm{H}} \mathbf{M}$$

由于 $Ba(\theta_1) = 0$,可以得到

$$d_{0}(k) = W_{q}^{H} \left[Ba(\theta_{0})s_{0}(t) + \sum_{j=2}^{P} Ba(\theta_{j})s_{j}(t) + BN(t) \right]$$
(22)

同时,下支路的阻塞矩阵 B_0 采用与矩阵 B 相同的结构形式,只需将其中的 θ_1 变为期望信号的方向 θ_0 ,同时由于 Y 的维数变为(N-1)维,因而阻塞矩阵 B_0 的维数为(N-2)×(N-1)。

$$Y_{0}(k) = \boldsymbol{B}_{0}[\boldsymbol{B}\boldsymbol{X}(k)] = \boldsymbol{B}_{0}[\boldsymbol{B}\boldsymbol{a}(\theta_{0})\boldsymbol{s}_{0}(t) + \boldsymbol{B}\boldsymbol{a}(\theta_{1})\boldsymbol{s}_{1}(t) + \sum_{j=2}^{P} \boldsymbol{B}\boldsymbol{a}(\theta_{j})\boldsymbol{s}_{j}(t) + \boldsymbol{B}\boldsymbol{N}(t)] = \boldsymbol{B}_{0}[\boldsymbol{B}\boldsymbol{a}(\theta_{0})\boldsymbol{s}_{0}(t) + \sum_{j=2}^{P} \boldsymbol{B}\boldsymbol{a}(\theta_{j})\boldsymbol{s}_{j}(t) + \boldsymbol{B}\boldsymbol{N}(t)]$$

$$(23)$$

最终可以得到

$$Y_0(k) = \sum_{j=2}^{r} B_0 Ba(\theta_j) s_j(t) + B_0 BN(t) \quad (24)$$

这样在上下支路进行维纳滤波前,上支路d₀(k) 中含有期望信号,旁瓣干扰信号和噪声,下支路 Y₀(k)中只含有旁瓣干扰信号的噪声。通过维纳滤 波,上下支路相关的干扰信号实现对消,就可以得到 无失真的期望信号。

通过这种方式得到的自适应权矢量完全不需要 在主瓣内的干扰方向上形成零陷,保证了主瓣指向 的精确性,提高了对接收信号的增益,为保证可靠稳 定的通信奠定了坚实的基础。

5 仿真分析

主要针对 LC-GSC 和 BLOCK-GSC 两种方法进 行仿真,通过自适应方向图和输出信干噪比曲线图 对比分析两种方法的性能。仿真模型选择常使用的 16个阵元半波长等距线阵,有5个互不相干的干扰 信号分别由-55°、-35°、3°、15°和65°入射到阵列 上,由于主波束主瓣宽度约为10°,故主瓣内存在一 个干扰,干扰的信干噪比均为40 dB,目标信号方向 为0°,信噪比为0 dB,快拍数为48。

仿真1:此仿真是对比存在一个主瓣干扰(入射 角为3°的干扰)时 LC-GSC 和 BLOCK-GSC 两种方 法的自适应方向图,仿真结果见图3。





从图 3 中可以看出, LC-GSC 在所有干扰的方向(-55°、-35°、3°、15°、65°)上均形成了零陷,包括 主瓣内 3°方向上的主瓣干扰,所有的零陷深度基本 在-50 dB左右。然而,在主瓣内形成的零陷导致主 瓣电平降低,波束指向偏移,同时旁瓣电平升高,从 图中可以看出,主瓣波束指向偏移了约 2°,电平下 降了约 2 dB,同时第一旁瓣电平约为-6 dB。 BLOCK-GSC 同样在所有旁瓣干扰处均形成超过 -60 dB的零陷,从图中可以看出,自适应方向图主 瓣指向为 0°,主瓣电平为-0.3 dB,第一旁瓣电平为 -13 dB,且所有旁瓣电平均较 LC-GSC 低10 dB左 右,原因是由于不需要在主瓣内的干扰处形成零陷, 因而保证了主瓣的形状,同时获得了性能更好的旁 瓣电平效果。

仿真2:此仿真是对比存在两个主瓣干扰(入射 角为-2°和3°的干扰)时 LC-GSC 和 BLOCK-GSC 两种方法的自适应方向图,仿真结果见图4。



图 4 两个主瓣干扰的自适应方向图的对比 Fig. 4 The comparison diagram of adaptive pattern of the two methods with two mainlobe interferences

通过图4中可以看出,主瓣内存在-2°和3°两 个主瓣干扰,LC-GSC由于在主瓣内形成了两个 -50 dB深度的零陷,因而导致主瓣电平下降到 -15 dB,第一旁瓣电平抬升至-3 dB,主瓣已完全被 旁瓣淹没,而 BLOCK-GSC由于不需要在主瓣内形 成零点,因此保持了良好的方向图效果。从图中可 以看出,主瓣电平为-0.6 dB,第一旁瓣电平为 -14 dB,且各旁瓣干扰处的零陷深度均超过了 -50 dB。

仿真3:此仿真是对比两种方法对于主瓣内存 在一个干扰,且干扰方向从-3°到+3°滑动过程中得 到的自适应方向图,移动间隔为0.1°,仿真结果见 图5和图6。



从图 5 和图 6 中可以看出,无论干扰存在于主瓣 内的哪个方向,BLOCK-GSC 都可以很好地保证主瓣 的波束形状,从而保证了通信系统良好的增益效果。

仿真4:此仿真是对比 LC-GSC 和 BLOCK-GSC 两种方法的输出信干噪比随输入信噪比的变化曲线,输入信噪比为-15~25 dB,间隔为1 dB,快拍数为1 600,仿真结果见图 7。



图 7 输出信干噪比随输入信噪比的变化曲线 Fig. 7 The curve of output SINR vs. the input SNR of the two methods

由图 7 中可以看出, BLOCK-GSC 获得了比 LC -GSC 更好的输出信干噪比效果, 原因是 LC-GSC 方法得到的自适应权在主瓣干扰方向也形成了零 点,造成了方向图主瓣变形, 虽然抑制了干扰, 但同 时也降低了对于期望信号的接收增益; BLOCK-GSC 由于在 GSC 结构前已经通过阻塞矩阵将主瓣干扰 从接收数据中消除, 实现了对于主瓣干扰的抑制, 因 而其输出信干噪比要明显优于 LC-GSC。

6 结 论

提出了基于线性约束广义旁瓣相消器的改进方 法,利用阻塞矩阵对接收信号数据的预处理,消除了 主瓣内干扰的影响,因此自适应波束形成不会对主 瓣范围内干扰进行零陷抑制,从而不会导致主波束 变形及副瓣电平升高,相比 LC-GSC 算法输出信噪 比改善了近4 dB。并且,针对主瓣内不同的干扰数 目,利用不同形式的阻塞矩阵,亦可得到性能良好的 自适应方向图。此方法需要精确已知期望信号的方 向和需要阻塞干扰的数目及其入射角度,对于实际 应用中存在的阵列误差,可以配合使用误差校准技 术。另外,利用对角加载、方向导数约束以及最差性 能优化等技术也可以在方向未精确已知的情况下进 行性能补偿,从而增加了算法的鲁棒性,大大加强了 其工程实际应用的有效性和可靠性。

参考文献:

- [1] SU Baowei, WANG Yongliang, ZHOU Liangzhu. A mainlobe interference canceling method [C]//Processings of 3rd International Conference on Signal Processing. Beijing:IEEE, 2005:23-26.
- [2] 覃岭,黄茜,李会勇. 主瓣干扰下宽带圆阵自适应波束形成方法[J]. 电子科技大学学报,2009,38(3):359-362.
 QIN Ling, HUANG Xi, LI Hui-yong. Adaptive Broadband Beamforming of Circular Array Under Main Lobe Interference Condition [J]. Journal of University of Electronic Science and Technology of China, 2009, 38(3): 359 362. (in Chinese)
- [3] Hughes D T, Mcwhirter J G. Using the penalty function to cope with mainlobe jammers [C]//Processings of 3rd International Conference on Signal Processing. Beijing: IEEE, 1996:461-464.
- [4] Jablon N K. Adaptive beamforming with the generalized sidelobe canceller in the presence of array imperfections
 [J]. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, 1986, 34(8):996-1012.
- [5] 苏保伟,王永良,李荣峰,等. 阻塞矩阵方法对消主瓣干扰
 [J]. 系统工程与电子技术,2005,27(11):1080-1083.
 SU Bao-wei, WANG Yong-liang, LI Rong-feng, et al.

Mainlobe interference cancelling method via block matrix [J]. Systems Engineering and Electronics, 2005, 27 (11).1080-1083. (in Chinese)

[6] 王永良,丁前军,李荣峰. 自适应阵列处理[M]. 北京: 清华大学出版社,2009.

WANG Yong-liang, DING Qian-jun, LI Rong-feng. Adaptive Array Processing[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2009. (in Chinese)

Goldstein J S, Reed I S, Scharf L L. A Multistage Representation of the Wiener Filter Based on Orthogonal Projections [J]. IEEE Transactions on Information Theory, 1998, 44(7):2943–2959.

作者简介:



张静宇(1984—),男,陕西礼泉人,2007 年于西安电子科技大学获工学学士学位,现为 硕士研究生,主要研究方向为空间通信技术;

ZHANG Jing-yu was born in Liquan, Shaanxi Province, in 1984. He received the B. S. degree from Xidian University in 2007. He is now a graduate student. His research concerns space communication technique.

Email:jy_zhang@163.com

王 宇(1973—),男,宁夏银川人,1998 年于西安空间 无线电技术研究所获空间信息系统专业硕士学位,现为研究 员,主要研究方向为卫星通信;

WANG Yu was born in Yinchuan, Ningxia Hui Autonomous Region, in 1973. He received the M. S. degree from Xi'an Institute of Space Information Systems in 1998. He is now a research fellow. His research concerns satellite communication.

楼大年(1980—),男,陕西西安人,2006年于西安空间 无线电技术研究所获空间信息系统专业硕士学位,现为高级 工程师,主要研究方向为卫星通信、阵列信号处理等。

LOU Da-nian was born in Xi'an, Shaanxi Province, in 1980. He received the M.S. degree from Xi'an Institute of Space Information Systems in 2006. He is now a senior engineer. His research concerns satellite communication, array signal processing, etc.