doi:10.3969/j.issn.1001-893x.2014.01.009

引用格式:刘立东,宋焕生,靳钊. 基于混沌同步的噪声鲁棒测距方法[J]. 电讯技术,2014,54(1):46-51. [LIU Li-dong,SONG Huan-sheng,JIN Zhao. A Noise Robust Distance Measurement Method Based on Chaotic Synchronization[J]. Telecommunication Engineering,2014,54(1):46-51.]

基于混沌同步的噪声鲁棒测距方法*

刘立东**,宋焕生,靳 钊

(长安大学 信息工程学院,西安 710064)

摘 要:提出了一种基于混沌同步的噪声鲁棒测距方法。该方法在雷达发射信号中叠加一个参考正 弦信号,并经过混沌同步方法得到带有距离信息的恢复正弦信号,通过比较参考正弦信号和恢复正 弦信号的相位差得到目标的距离。该方法和已有方法相比,具有一定的噪声鲁棒性,在噪声环境中 测距精度得到提高。最后,仿真实验验证了所提出方法的有效性。

关键词:混沌同步:雷达测距:噪声抑制

中图分类号:TN911.6 文献标志码:A 文章编号:1001-893X(2014)01-0046-06

A Noise Robust Distance Measurement Method Based on Chaotic Synchronization

LIU Li-dong, SONG Huan-sheng, JIN Zhao

(School of Information Engineering, Chang'an University, Xi'an 710064, China)

Abstract: A noise robust method of measuring target distance through chaotic synchronization is proposed. In the method, a reference sinusoidal signal is superimposed to the radar transmitted signal. The recovered sinusoidal signal which contains the range information is obtained through chaotic synchronization method. The phase error of the reference sinusoidal signal and the recovered sinusoidal signal allows computation of the target distance. Unlike existing methods, the proposed method is more robust to noise. It has better ranging precision than that of existing methods. Finally, the proposed method is illustrated by numerical simulations to show its effectiveness on target distance measurement.

Key words: chaotic synchronization; radar distance measurement; noise resistance

1 引 言

1990年,美国学者 Pecora 和 Carroll 提出了混 沌同步理论^[1],这个理论为混沌在保密通信^[2-6]、雷 达^[7-15]以及电子信息^[16-17]等方面的应用提供了广 阔前景。特别是在雷达方面,混沌同步为雷达信号 的噪声抑制、发射信号重构等方面提供了简便的操 作方法^[13-15]。 混沌雷达是雷达发射信号的幅度、相位或频率 通过混沌信号调制的雷达。测距研究是混沌雷达研 究的一个重要领域。目前,已有多位学者对混沌雷 达测距展开了深入研究。文献[13]提出了一种对 发射、接收信号作互相关处理并根据互相关函数的 峰值得到目标距离的方法,但是在作互相关处理时 由于混沌信号的不确定性和未知性使得混沌雷达发

** 通讯作者:liulidong_1982@126.com Corresponding author:liulidong_1982@126.com

 ^{*} 收稿日期:2013-10-12;修回日期:2013-12-16 Received date:2013-10-12;Revised date:2013-12-16
 基金项目:国家高技术研究发展计划(863 计划)项目(2012AA112312);中央高校基本业务费项目(2013G1241120)
 Foundation Item: The National High-tech R&D Program(863 Program) of China(2012AA112312); The Fundamental Research Funds for the Central Universities(2013G1241120)

射信号的延迟很难实现;为解决这一问题,文献 [14]提出了一种基于 Chua's 混沌系统同步的测距 方法,通过比较发射信号和回波信号的相位差得到 目标的距离,但是该方法是在无噪声的条件下实现 的;文献[15]提出了一种在低噪声环境下基于混沌 信号初始值估计重构雷达发射信号的方法,并通过 重构的发射信号和回波信号作互相关处理得到目标 的距离。由于实际工程中噪声无处不在,如何在实 际工程噪声中实现混沌雷达测距有待进一步研究。

本文提出了一种在噪声环境下通过混沌同步实现对目标距离测量的方法:首先,在混沌雷达发射信号中叠加一个参考正弦信号;然后,让雷达接收信号作为主控信号驱动受控系统,以此产生和发射信号相同混沌的信号,通过这种混沌同步方法可以提取回波信号中带有距离信息的恢复正弦信号;最后通过比较参考正弦信号和恢复正弦信号的相位差得到目标的距离。和文献[14-15]相比,本文方法在噪声环境中可以达到良好的测距效果。

2 "快-慢双频"混沌系统

"快-- 慢双频" 混沌系统是 Carroll 在 2005 年提出的一种新型混沌系统^[12]。这种混沌系统由快速吸引子和慢速吸引子两个部分组成,其表达式见式(1):

$$\begin{cases} x_{1} = -(c_{1}x_{1}+0.5x_{2}+x_{3}) \\ \dot{x}_{2} = -(-x_{1}-c_{2}x_{2}+x_{4}) \\ \dot{x}_{3} = -(-g(x_{1})+x_{3}) \\ \dot{x}_{4} = -c_{3}(c_{4}x_{4}+0.5x_{5}+x_{6}+c_{5} | x_{1} |) \\ \dot{x}_{5} = -c_{3}(-x_{4}+c_{6}x_{5}) \\ \dot{x}_{6} = -c_{3}(-g(x_{4})+x_{6}) \\ \dot{x}_{6} = -c_{3}(-g(x_{4})+x_{6}) \\ g(x) = \begin{cases} 15(x-3), & x>3 \\ 0, & x \leq 3 \end{cases}$$
(1)

其中, $c_1 \sim c_6$ 为常数参数; $x_1 \sim x_3$ 构成快速吸引子, 是"快-慢双频"混沌系统中的高频部分; $x_4 \sim x_6$ 是 $x_1 \sim x_3$ 的耦合阻尼系统,构成慢速吸引子,是"快-慢双频"混沌系统中的低频部分; c_3 是"快-慢双频" 混沌系统中的阻尼因子,决定了低频部分的频率。 例如,当 $c_3 = 0.01$ 时, $x_4 \sim x_6$ 的频率是 $x_1 \sim x_3$ 的1%。

3 "快--慢双频"混沌系统的噪声鲁棒性分析

本文研究发现, Carroll 提出的"快-慢双频"混 沌系统在同步时具有噪声鲁棒性, 是通过系统中的 阻尼因子实现的。下面给出"快-慢双频"混沌系统 同步的噪声鲁棒原理。

令式(1)表示的混沌系统为主控系统,同步时 的受控混沌系统见下式:

$$\begin{cases} x_{d} = x_{2} + n(t) \\ \dot{y}_{1} = -(c_{1}y_{1} + 0.5y_{2} + y_{3}) \\ \dot{y}_{2} = -(-y_{1} - c_{2}x_{d} + y_{4}) \\ \dot{y}_{3} = -(-g(y_{1}) + y_{3}) \\ \dot{y}_{4} = -c_{3}(c_{4}y_{4} + 0.5y_{5} + y_{6} + c_{5} | y_{1} |) \\ \dot{y}_{5} = -c_{3}(-y_{4} + c_{6}y_{5}) \\ \dot{y}_{6} = -c_{3}(-g(y_{4}) + y_{6}) \\ g(y) = \begin{cases} 15(y-3), & y > 3 \\ 0, & y \leq 3 \end{cases}$$
(2)

受控系统的参数和主控系统一致,其中的 n(t) 为加性高斯白噪声(混沌雷达选取 x₂ 作为发射信 号,噪声和 x₂ 叠加)。式(2)可以改写成

$$\begin{cases} x_{d} = x_{2} + n(t) \\ c_{3} \frac{dy_{1}}{d\tau} = -(c_{1}y_{1} + 0.5y_{2} + y_{3}) \\ c_{3} \frac{dy_{2}}{d\tau} = -(-y_{1} - c_{2}x_{d} + y_{4}) \\ c_{3} \frac{dy_{3}}{d\tau} = -(-g(y_{1}) + y_{3}) \\ \frac{dy_{4}}{d\tau} = -(c_{4}y_{4} + 0.5y_{5} + y_{6} + c_{5} |y_{1}|) \\ \frac{dy_{5}}{d\tau} = (-y_{4} + c_{6}y_{5}) \\ \frac{dy_{6}}{d\tau} = -(-g(y_{4}) + y_{6}) \\ g(y) = \begin{cases} 15(y-3), & y > 3 \\ 0, & y \leq 3 \end{cases}$$
(3)

其中, $\tau = c_3 t$,当 $c_3 \rightarrow 0$,高频部分 $y_1 \sim y_3$ 的方程可以 写成

$$\begin{cases} c_1 y_1 + 0.5 y_2 + y_3 = 0 \\ -y_1 - c_2 x_d + y_4 = 0 \\ -g(y_1) + y_3 = 0 \end{cases}$$
(4)

把式(4)代入式(3)的低频部分($y_4 \sim y_6$)可以 得到

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}y_4}{\mathrm{d}\tau} = -(c_4 + c_5) y_4 - 0.5 y_5 - y_6 + c_2 c_5 |x_d| \\ \frac{\mathrm{d}y_5}{\mathrm{d}\tau} = (-y_4 + c_6 y_5) \\ \frac{\mathrm{d}y_6}{\mathrm{d}\tau} = -(-g(y_4) + y_6) \end{cases}$$
(5)

式(5)的 Jacobian 矩阵为

$$\boldsymbol{J} = \begin{pmatrix} -(c_4 + c_5) & -0.5 & -1 \\ -1 & c_6 & 0 \\ \frac{\partial g(y_4)}{\partial y_4} & 0 & -1 \end{pmatrix}$$
(6)

从式(6)中可以看出,高频部分 y₁ ~ y₃ 没有出现,这意味着低频部分 y₄ ~ y₆ 没有受到加性噪声的影响,因为加性噪声是叠加在高频信号中(本文噪声叠加在主控系统 x₂ 信号中)。事实上,低频部分起到了窄带滤波器的作用,当窄带无限窄的时候,理论上低频部分同步时不会受到噪声的影响。

4 基于混沌同步的噪声鲁棒测距方法

通过对"快-慢双频"混沌系统的研究,本文提 出一种建立在混沌同步基础上的新的测距方法,它 和已有方法相比,其对噪声的鲁棒性更强。本文方 法的思路如下:首先,在"快-慢双频"混沌系统的 发射信号中叠加参考正弦信号;然后,让雷达接收信 号作为主控信号驱动受控系统,以此产生和发射信 号相同混沌的信号,通过回波信号和混沌同步信号 的差值可以提取回波信号中带有距离信息的恢复正 弦信号;最后,通过比较参考正弦信号和恢复正弦信 号的相位差得到雷达回波信号的延迟时间,并通过 延迟时间得到目标距离,参见图1。



回波信号 s_i(t) 可表示为

 $s_r(t) = x_{2m}(t-\tau) + \sin[\omega_2(t-\tau) + \theta_1] + n(t)$ (9) 其中, τ 表示回波的延迟时间;由于多普勒效应的存 在, ω_2 是不同于 ω_1 的一个角频率; θ_1 为初相; n(t)为加性高斯白噪声。

令 $s_r(t)$ 为驱动信号,驱动由下式描述的受控混 沌系统:

$$\begin{cases} \dot{x}_{1s} = -(c_1 x_{1s} + 0.5s_r + x_{3s}) \\ \dot{x}_{2s} = -(-x_{1s} - c_2 s_r + x_{4s}) \\ \dot{x}_{3s} = -[-g(x_{1s}) + x_{3s}] \\ \dot{x}_{4s} = -c_3(c_4 x_{4s} + 0.5x_{5s} + x_{6s} + c_5 |x_{1s}|) \\ \dot{x}_{5s} = -c_3(-x_{4s} + c_6 x_{5s}) \\ \dot{x}_{6s} = -c_3[-g(x_{4s}) + x_{6s}] \end{cases}$$
(10)

在无噪声的情况下,时间累计到一定程度后,式 (10)中 $x_{2s}(t-\tau)$ 和式(8)中 $x_{2m}(t-\tau)$ 的输出趋于一 致,也就是输出达到同步。此时, $s_r(t)$ 减去 $x_{2s}(t-\tau)$ 理论上只含有 $sin[\omega_2(t-\tau)+\theta_1]$ 这一项。但是考虑 到噪声的存在,则有

 $s_r(t) - x_{2s}(t-\tau) = \sin[\omega_2(t-\tau) + \theta_1] + \varepsilon_e$ (11) 其中, ε_e 为由于噪声存在产生的同步误差。从本文 第三部分的分析可知,本文选取的"快-慢双频"混 沌系统在同步时具有噪声鲁棒性,因此 ε_e 是一个很 小的值。

接下来,本文详细阐述如何通过计算参考正弦 信号和通过混沌同步恢复的正弦信号的相位差来得 到目标的距离。令恢复的正弦信号为

 $m(t) = \sin[\omega_2(t-\tau) + \theta_1] + \varepsilon_e \qquad (12)$

为了获得恢复正弦信号 m(t) 和参考正弦信号 sin($\omega_1 t + \theta_0$)的相位差,本文采用了一种新方法—— 希尔伯特变化的方法,而不是和文献[14]一样直接 在时域中提取正弦信号的相位差。其原因是:文献 [14]的研究背景并无噪声,直接在时域得到两个正 弦信号相位差理论上不会产生误差;而在噪声环境 下直接在时域中提取正弦信号相位差会有较大的误 差,即使同步误差 ε_e 很小,直接在时域中得到的相 位差也会有一定的误差。接下来描述如何通过希尔 伯特变化的方法得到两正弦信号的相位差。

首先,计算得到 m(t)的解析信号

 $\psi(t) = m(t) + jm'(t) = A(t)e^{j\theta(t)}$ (13)

其中,A(t)为 $\psi(t)$ 的幅值, $\theta(t)$ 为 $\psi(t)$ 的相位, m'(t)是m(t)的希尔伯特变换,由下式描述:

$$m'(t) = \frac{1}{\pi} P. V. \int_{-\infty}^{\infty} \frac{m(\tau)}{t - \tau} d\tau \qquad (14)$$

其中, P. V. 表示柯西主值意义下积分。因此, ψ (t)的相位为

$$\theta(t) = \arctan \frac{m'(t)}{m(t)}$$
 (15)

雷达回波信号的延迟时间 τ 为

$$\tau = \frac{\Delta \phi}{\omega_1} = \frac{\theta(t) - \theta_0(t)}{\omega_1} \tag{16}$$

所以,被测目标的距离可以通过下式得到:

$$r_0 = \frac{\tau c}{2} \tag{17}$$

其中,c为光速。

5 数值仿真分析

下面通过仿真实验来验证本文理论的有效性。

令目标距离为1 500 m, 信噪比为0 dB, 雷达信 号带宽为100 MHz, 雷达发射信号 s,(t) 由式(7) 和 式(8)定义,其中式(8)参数 c1=0.02, c2=0.13, c3= $0.01, c_4 = 0.1, c_5 = 0.5, c_6 = 0.1$ 。根据文献[12],这 些参数的选择保证了"快-慢双频"混沌系统的最大 李亚普诺夫指数大于0,即意味着系统进入混沌状 态。图 2 是 $s_i(t)$ 信号的波形,图 3 是 $s_i(t)$ 在 0 dB 噪声背景下的波形。从图 3 可以明显看出, 雷达发 射信号已经淹没在噪声中。接下来,使用本文的方 法经过混沌同步后恢复出的雷达回波信号 $s_i(t)$ 见 图4,从图中可以看出,经过混沌同步后的回波信号 明显过滤了噪声,在不考虑时延的情况下,回波信号 的幅值和发射信号幅值几乎相同。为了对比,对已 有方法,比如文献[14-15]的方法在相同的条件下 进行仿真,其效果图见图5和图6。从图5和图6中 可以看出,由于噪声的影响,回波信号的幅值和发射 信号幅值存在较大的误差,这不利于从回波信号中 准确提取正弦信号的相位,因此本文提出的方法在 噪声环境下和文献[14-15]相比误差更小。





the method in Reference $\left[\,15\,\right]$

接下来,通过本文第4节中希尔伯特变换的方法得到参考正弦信号和恢复正弦信号的相位差,其仿真结果见图7和图8,其中图8是图7的部分放大图。从图8中可以明显看出,参考正弦信号和恢复正弦信号的相位差为0.1 rad,因此通过式(16)计算得到雷达的回波时间是10⁻⁵ s。最后,通过式(17)计算可以得到目标的距离为1 500 m。

由以上分析可知,虽然文献[14-15]中的方法 也可以在无噪声的条件下得到目标的距离,但是随 着噪声的增加,其测距效果变差,特别是当信噪比接 近0dB或者信噪比更小的时候,其方法很难实现对 目标距离的准确测量。而本文提出的方法具有一定 的噪声鲁棒性,在信噪比为0dB甚至信噪比更小的 条件下依然可以实现对目标距离的测量,这种方法 为混沌雷达应用于实际工程提供了理论支持。



图 7 参考正弦信号和恢复正弦信号的相位 Fig. 7 The phases of the reference signal and the recovered signal





6 结 论

本文提出了一种基于同步的混沌雷达噪声鲁棒 测距方法,并对该方法的噪声鲁棒特性进行了分析, 其原理是混沌系统中的低频部分作为噪声滤波器起 到了过滤噪声的作用。噪声鲁棒性使得本文方法在 混沌同步后能够得到恢复正弦信号的相位,并通过 它和发射信号中叠加的参考正弦相位比较得到两者的相位差,从而获得目标的距离。本文方法在0 dB的信噪比环境下可以准确获得目标距离,为混沌雷达应用于实际工程提供了理论支持。考虑到实际雷达工作环境的信噪比往往低于-20 dB,后续的研究工作可以结合文献[18]的噪声抑制算法,先通过抑制噪声来提高信噪比,然后再使用本文的方法得到目标的距离。

参考文献:

电讯技术

- Pecora L M, Carroll T L. Synchronization in chaotic systems
 [J]. Physical Review Letters, 1990, 64(8):821–824.
- [2] Ghosh D, Banerjee S. Adaptive scheme for synchronization- based multiparameter estimation from a single chaotic time series and its applications[J]. Physical Review E, 2008, 78(5):1-5.
- [3] Wang Kai, Pei Wenjiang, Wang Shaoping, et al. Symbolic Vector Dynamics Approach to Initial Condition and Control Parameters Estimation of Coupled Map Lattices [J].
 IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Regular Papers, 2008, 55 (4):1116–1124.
- [4] Wang Kai, Pei Wenjiang, He Zhenya, et al. Estimating initial conditions in coupled map lattices from noisy time series using symbolic vector dynamics [J]. Physical Letters A, 2007, 367(4-5):316-321.
- [5] Leung H, Shanmugam S, Xie N. An ergodic approach for chaotic signal estimation at low SNR with application to ultra-wide-band communication [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2006, 54 (5): 1091–1103.
- [6] Jovic B, Unsworth C. Fast synchronization of chaotic maps for secure chaotic communications[J]. Electronics Letters, 2010, 46(1):1-2.
- [7] 魏恒东. 混沌遥测及其非合作信号检测与参数估计
 [J]. 电讯技术,2013,53(6):711-715.
 WEI Heng-dong. Chaotic Telemetry and its Non-cooperative Signal Detection and Parameters Estimation [J].
 Telecommunication Engineering, 2013,53(6):711-715.
 (in Chinese)
- [8] LIU Li-dong, HU Ji-feng, HE Zi-shu, et al. A Velocity Measurement Method Based on Scaling Parameter Estimation of Chaotic System [J]. Metrology and Measurement System, 2011,18(2): 275-282.
- [9] Venkatasubramanian V, Leung H. A novel chaos-based high-resolution imaging technique and its application to through-the-wall imaging [J]. IEEE Signal Processing Letters, 2005, 12 (6):528-531.
- [10] Kulpa K, Lukin K, Miceli W, et al. Editorial Signal Processing in Noise Radar Technology[J]. IET Radar, Sonar and Navigation, 2008, 2 (4):229–232.

- [11] Carroll T L. Noise resistant chaotic synchronization[J]. Physical Review E, 2001, 64(1):1-8.
- [12] Carroll T L. Chaotic systems that are robust to added noise[J]. Chaos,2005, 15(1):1-7.
- Shi Z, Qiao S, Chen K S. Ambiguity functions of direct chaotic radar employing microwave chaotic Colpitts oscillator[J]. Progress In Electromagnetics Research, 2007, 77:1-14.
- [14] Alonge F, Branciforte M, Motta F. A novel method of distance measurement based on pulse position modulation and synchronization of chaotic signals using ultrasonic radar systems [J]. IEEE Transactions on Instrument and Measurement, 2009,58(2):318-329.
- [15] Lidong L, Jinfeng H, Zishu H. Chaotic signal reconstruction with application to noise radar system [J]. EURASIP Journal on Advances in Signal Processing, 2011,1(2):1-8.
- [16] Lidong L, Jinfeng H, Zishu H. A Robust Controller for Synchronization of Chaotic System[J]. Journal of Optoelectronics and Advanced Materials, 2011, 13(4):354–358.
- [17] 刘嘉兴,文吉. Ka 频段混沌扩频测控系统的设想
 [J].电讯技术,2009,49(5):33-37.
 LIU Jia- xing, WEN Ji. Conception for a Ka- band chaot-

ic spread spectrum TT&C system[J]. Telecommunication Engineering, 2009, 49(5):33-37. (in Chinese)

[18] Travassos X L, Vieira D, Palade V, et al. Noise Reduction in a Non-Homogenous Ground Penetrating Radar Problem by Multiobjective Neural Networks [J]. IEEE Transactions on Magnetics, 2009,45(5):1454-1457.

作者简介:



刘立东(1982—),男,河南新乡人,分别 于 2005 年和 2008 年获西南交通大学自动化 学士学位、控制理论与控制工程硕士学位, 2012 年获电子科技大学信号与信息处理博士 学位,现为为长安大学信息与工程学院博士 后、讲师,主要研究方向为混沌信号处理、雷 达信号处理;

LIU Li-dong was born in Xinxiang, Henan Province, in 1982. He received the B.S. degree and the M.S. degree from Southwest Jiaotong University, the Ph. D. degree from University of Electronic Science and Technology of China, in 2005, 2008 and 2012, respectively. He is now a lecturer. His research concerns radar signal processing and chaotic signal processing.

Email: liulidong_1982@126.com

宋焕生(1964—),男,1996年于西安交通大学获博士学 位,现为长安大学信息工程学院教授,主要研究方向为非线 性信号处理、数字图像处理、智能交通等;

SONG Huan – sheng was born in 1964. He received the Ph. D. degree from Xi'an Jiaotong University in 1996. He is now a professor. His research concerns non-linear signal processing, digital image processing and intelligent transportation.

靳 钊(1982—),男,河南开封人,2011 年于西安电子 科技大学获工学博士学位,现为长安大学信息工程学院副教 授,主要研究方向为电路设计信号处理。

JIN Zhao was born in Kaifeng, Henan Province, in 1982. He received the Ph. D. degree from Xidian University in 2011. He is now an associate professor. His research concerns high frequency circuit signal processing.

本刊编辑部赵勇、李桂花荣获"优秀编辑"称号

在四川省科技期刊编辑学会组织的"2013 年度四川省科技期刊优秀编辑"评选活动中,本刊副总编赵勇 和责任编辑李桂花同时入选。

此次评选活动的目的是鼓励和表彰科技期刊编辑队伍中的优秀人才,促进编辑队伍的健康发展,评选条 件包括从事编辑时间、参加学术活动与论文发表情况、编辑业务能力等多方面。

赵勇、李桂花两位编辑均从事编辑工作多年,他们在平凡的编辑岗位上勤勤恳恳、默默耕耘,勇于探索、 敢于创新,为《电讯技术》的发展倾注了大量心血,使得《电讯技术》跻身于电子信息领域"双核心"期刊行 列,同时,他们也在科技期刊编辑出版事业和宣传科技创新、促进信息产业技术进步中做出了积极的贡献和 有目共睹的成绩。特别值得一提的是,编辑部在仅有两位编辑的情况下,以月刊按时出版了6年,即使在 2008年"5·12汶川特大地震"当月也没有推迟1天出版,两位编辑的付出不言而喻。

两位编辑能够荣获"优秀编辑"称号,是对他们工作和成绩的肯定,同时也是一种鞭策。希望他们再接 再厉,进一步提高《电讯技术》办刊质量,不断提升办刊水平,为全面推动信息产业的技术创新与自主发展做 出更大的贡献。

本刊编辑部